# Optimal Monetary Policy with (Real) Informational Frictions

## George-Marios Angeletos Jennifer La'O

June 3, 2012

・ロト ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ つ へ ()

### nominal vs real frictions

- nominal = remove state-contingencies in nominal prices
- real = remove state-contingencies in f real allocations

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ★臣▶ ―臣 …の�?

pertinent MP literature: info friction = only nominal friction

・ロト ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ つ へ ()

- Ramsey optimum = first best
- flex-price allocations = as in NK model
- price stability is optimal

this paper: info friction = nominal + real friction

first best not attainable

- flex-price allocations  $\neq$  as in NK model
- nature of optimal allocations/optimal policy unclear

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

- $\blacksquare$  adjust welfare benchmark  $\rightarrow$  constrained efficiency
- flexible-price allocations are constrained efficient

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

price stability is suboptimal

- continuum of "inattentive" monopolistic firms
  - produce intermediate goods
  - using capital and labor
  - labor = employment (bodies) + effort (labor utilization)

・ロト ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ つ へ ()

- representative final-good retailer
- representative household

Firms

retailer:

$$Y_t = \left[\int_I y_{it}^{\frac{\rho-1}{\rho}} di\right]^{\frac{\rho}{\rho-1}}$$

monopolists:

$$y_{it} = A_t F(k_{it}, \ell_{it})$$

$$\ell_{it} = n_{it}h_{it}$$

$$k_{i,t+1} = (1-\delta)k_{it} + x_{it}$$

$$\Pi_{it} = (1 - \tau_t) p_{it} y_{it} - P_t W_t(h_{it}) n_{it} - P_t x_{it},$$

◆□ > < 個 > < E > < E > E 9 < 0</p>

## Household

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} \left\{ U(C_{t},\xi_{t}) - \int_{I} n_{it} V(h_{it},\xi_{t}) di \right\}$$

$$P_t C_t + B_{t+1} = \int_I [\Pi_{it} + P_t W_t(h_{it}) n_{it}] di + T_t + R_t B_t$$

(ロ)、(型)、(E)、(E)、 E) のQ()

## Monetary and fiscal authorities

$$P_t Y_t = M_t$$

$$T_t + R_t B_t = (1 - \tau_t) \int_I p_{it} y_{it} di + B_{t+1}$$

◆□ > < 個 > < E > < E > E 9 < 0</p>

- 1 Nature draws  $s_t$  conditional on  $s^{t-1}$
- **2** conditional on  $s^t = (s^{t-1}, s_t)$ , Nature draws  $\omega_{it}, \forall i \in I$

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

**3** firm *i* observes 
$$\omega_i^t = (\omega_i^{t-1}, \omega_{it})$$

$$\diamond \ A_t = A(s^t), \ \xi_t = \xi(s^t)$$

 $\diamond s^t$  may contain news/noise/HOB shocks

- nominal friction: prices  $p_{it}$  restricted on  $\omega_i^t$
- real friction: employment  $n_{it}$  and investment  $x_{it}$  also restricted

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

• market clearing: labor utilization  $h_{it}$  free to adjust to  $s^t$ 

1 feasible and constrained efficient allocations

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

- 2 flexible-price allocations
- 3 sticky-price allocations
- 4 optimal policy

**Definition.** A feasible allocation is a collection of plans for  $(Y_t, C_t)$  and  $(n_{it}, h_{it}, x_{it}, y_{it})_{i \in I}$  that satisfy the following:

- (i) resource feasibility
- (ii) informational feasibility:

 $h_{it}$  and  $y_{it}$  contingent on  $(\omega_{it}, s^t)$  $n_{it}$  and  $x_{it}$  contingent only on  $\omega_{it}$ .

ション ふゆ く 山 マ チャット しょうくしゃ

**Definition.** A feasible allocation is a collection of plans for  $(Y_t, C_t)$  and  $(n_{it}, h_{it}, x_{it}, y_{it})_{i \in I}$  that satisfy the following:

- (i) resource feasibility
- (ii) informational feasibility:

 $h_{it}$  and  $y_{it}$  contingent on  $(\omega_{it}, s^t)$  $n_{it}$  and  $x_{it}$  contingent only on  $\omega_{it}$ .

**Definition.** A constrained efficient allocation is a feasible allocation that maximizes the household's ex-ante utility.

**Planner's problem.** Choose the functions (n, h, k, y, C, N, K, Y) so as to maximize

$$\max\sum_{t=0}^{\infty}\beta^{t}\int\left[U\left(C(s^{t}),\xi(s^{t})\right)-\int n(\omega_{i}^{t})V\left(h(\omega_{i}^{t}),\xi(s^{t})\right)d\mathcal{G}_{t}(\omega_{i}^{t}|s^{t})\right]d\mathcal{F}_{t}(s^{t})$$

subject to

$$C(s^{t}) + K(s^{t}) = Y(s^{t}) + (1 - \delta)K(s^{t-1})$$

$$Y(s^{t}) = \left[\int y(\omega_{i}^{t}, s^{t})^{\frac{\rho-1}{\rho}} d\mathcal{G}_{t}(\omega_{i}^{t}|s^{t})\right]^{\frac{\rho}{\rho-1}}$$

$$y(\omega_{i}^{t}, s^{t}) = A(s^{t})F\left(k\left(\omega_{i}^{t-1}\right), n\left(\omega_{i}^{t}\right)h\left(\omega_{i}^{t}, s^{t}\right)\right)$$

$$K(s^{t}) = \int k\left(\omega_{i}^{t}\right)d\mathcal{G}_{t}(\omega_{i}^{t}|s^{t})$$

<□▶ <□▶ < □▶ < □▶ < □▶ < □ > ○ < ○

### Proposition

A feasible allocation is constrained efficient (CE) if and only if

$$V_h(\omega_i^t, s^t) - U_c(s^t) M P_\ell(\omega_i^t, s^t) = 0$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ▲臣▶ ―臣 … 釣�?

$$\mathbb{E}\left[ V(\omega_i^t, s^t) - U_c(s^t)MP_\ell(\omega_i^t, s^t)h(\omega_i^t, s^t) \mid \omega_i^t \right] = 0$$

$$\mathbb{E}\left[ \left| U_{c}(s^{t}) - \beta U_{c}(s^{t+1}) \left\{ 1 - \delta + MP_{k}(\omega_{i}^{t+1}, s^{t+1}) \right\} \right| \omega_{i}^{t} \right] = 0$$

• real friction  $\Leftrightarrow CE \neq FB$ 

positive properties of CE allocation very different from FB

- noise-driven heterogeneity
- sluggishness in response to TFP
- noise-driven fluctuations, forces akin to "animal spirits"
- ∃ feasible allocations that induce  $Y_{FB}$ , but these allocations dominated by CE

・ロト ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ 日 ・ ・ つ へ ()

henceforth focus on Ramsey problem:

planner's power restricted by fiscal and monetary policy instruments

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

henceforth focus on Ramsey problem:

planner's power restricted by fiscal and monetary policy instruments

**Definition.** Prices are "flexible" or "state-contingent" if and only if  $p_{it}$  can be contingent on both  $\omega_{it}$  and  $s^t$ .

**Definition**. Prices are "sticky" or "non-contingent" if and only if  $p_{it}$  can be contingent only on  $\omega_{it}$ .

・ロト ・ 日 ・ エ ヨ ・ ト ・ 日 ・ うらつ

### Proposition

A feasible allocation is part of a flexible-price Ramsey equilibrium if and only if there exists a function  $\phi$  such that

$$V_h(\omega_i^t, s^t) - U_c(s^t)\phi(s^t)MP_\ell(\omega_i^t, s^t) = 0$$

・ロト ・個ト ・ヨト ・ヨト

э

$$\mathbb{E}\left[V(\omega_i^t, s^t) - U_c(s^t)\phi(s^t)MP_\ell(\omega_i^t, s^t)h(\omega_i^t, s^t) \mid \omega_i^t\right] = 0$$

$$\mathbb{E}\left[ \left| U_{c}(s^{t}) - \beta U_{c}(s^{t+1}) \left\{ 1 - \delta + \phi(s^{t+1}) M P_{k}(\omega_{i}^{t+1}, s^{t+1}) \right\} \right| \omega_{i}^{t} \right] = 0$$

## Flexible-price allocations

## Corollary

The CE allocation is always implementable under flex prices

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

**Definition.** An allocation is "log-separable" if and only if there exist functions  $\Psi^{\omega}$  and  $\Psi^{s}$  such that

$$\log y\left(\omega_{i}^{t}, s^{t}\right) = \log \Psi^{\omega}(\omega_{it}) + \log \Psi^{s}(s^{t})$$

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

### Proposition

A feasible allocation can be part of a sticky-price equil iff (i) there exist functions  $\phi$  and  $\chi$  such that the following hold:

$$V_{h}(.) - U_{c}(s^{t})\phi(s^{t})\chi(\omega_{i}^{t},s^{t})MP_{\ell}(.) = 0$$

$$\mathbb{E}\left[V(.) - U_{c}(s^{t})\phi(s^{t})\chi(\omega_{i}^{t},s^{t})MP_{\ell}(.) \mid \omega_{i}^{t}\right] = 0$$

$$\mathbb{E}\left[U_{c}(s^{t}) - \beta U_{c}(s^{t+1})\left\{1 - \delta + \phi(s^{t+1})\chi(\omega_{i}^{t+1},s^{t})MP_{k}(.)\right\} \mid \omega_{i}^{t}\right] = 0$$

$$\mathbb{E}\left[U_{c}(s^{t})Y(s^{t})^{1/\rho}y(\omega_{i}^{t},s^{t})^{1-1/\rho}\phi(s^{t})\left\{\chi(\omega_{i}^{t},s^{t}) - 1\right\} \mid \omega_{i}^{t}\right] = 0$$
(ii) the allocation is log-separable.

▲ロト ▲圖ト ▲ヨト ▲ヨト ヨー のへで

## Sticky-price allocations

### Corollary

The CE allocation is implementable under sticky prices if and only if it is log-separable

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

# Log-seperability

stickiness ⇒ relative prices must be independent of s<sup>t</sup>
 ⇒ relative output must be independent of s<sup>t</sup>

$$\frac{p(\omega_{it})}{p(\omega_{jt})} = \left[ \frac{y(\omega_{it}, s^t)}{y(\omega_{it}, s^t)} \right]^{-\rho}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ★臣▶ ―臣 …の�?

## Log-seperability

stickiness ⇒ relative prices must be independent of s<sup>t</sup>
 ⇒ relative output must be independent of s<sup>t</sup>

$$\frac{p(\omega_{it})}{p(\omega_{jt})} = \left[ \frac{y(\omega_{it}, s^{t})}{y(\omega_{it}, s^{t})} \right]^{-\rho}$$

rather innocuous restriction:true for all flex-price allocations if

$$F(k, \ell) = k^{1-\alpha} \ell^{\alpha}$$
  $V(h) = 1 + \frac{h^{1+\epsilon}}{1+\epsilon}$ 

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

# **Optimal Policy**

(ロ)、(型)、(E)、(E)、 E) のQで

#### Theorem

The optimal MP replicates flex-price allocations.

- generalizes key lesson from New-Keynesian paradigm, BUT...
- nature of target allocation different because of real friction
- $\exists$  policies that attain  $Y_{FB}$ , but these policies are not optimal

・ロト ・ 日 ・ エ ヨ ・ ト ・ 日 ・ うらつ

by log-separability

$$y(\omega_i^t, s^t) = \log \Psi^{\omega}(\omega_i^t) + \log \Psi^s(s^t)$$

## define aggregate belief proxy by

$$\mathcal{B}(\boldsymbol{s}^{t}) \equiv \left[\int \Psi^{\omega} \left(\omega_{i}^{t}\right)^{\frac{\rho-1}{\rho}} d\mathcal{G}_{t}(\omega_{i}^{t}|\boldsymbol{s}^{t})\right]^{\frac{\rho}{1-\rho}}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ★臣▶ ―臣 …の�?

### Theorem

The optimal MP "leans against the wind":

$$\log P(s^t) = -\frac{1}{\rho} \log \mathcal{B}(s^t)$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ▲臣▶ ―臣 … 釣�?

### Theorem

The optimal MP "leans against the wind":

$$\log P(s^t) = -\frac{1}{\rho} \log \mathcal{B}(s^t)$$

## Corollary

Suppose employment and capital are procylical. Then the optimal MP targets a countercyclical price level.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 三 > 三 三

**proof:**

$$\log p_{it} - \log p_{jt} = -\frac{1}{\rho} \left[ \Psi(\omega_i^t) - \Psi(\omega_j^t) \right]$$

$$\log p_{it} = const - \frac{1}{\rho} \Psi(\omega_{it})$$

$$\log P_t = const - \frac{1}{\rho} \mathcal{B}(s^t)$$

intuition:

more optimistic firms must produce more, set lower prices

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

 $\Rightarrow$  price level must fall with average sentiment

As long as optimal employment and capital are procylical, the optimal MP targets a countercyclical price level.

◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ● ● ●

- \* driven solely by real friction
- \* true even if CE is not implementable
- \* true no matter info structure
- \* true no matter shocks
- \* true even with endogenous information

• add idiosyncratic shocks:  $\log A_{it} = \log A_t + \eta_{it}$ 

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

 firms know their MC functions (A<sub>it</sub>) but not aggregate demand (s<sup>t</sup>)

- add idiosyncratic shocks:  $\log A_{it} = \log A_t + \eta_{it}$
- firms know their MC functions (A<sub>it</sub>) but not aggregate demand (s<sup>t</sup>)

### Proposition

The optimal MP targets

$$\log P(s^t) = -\Gamma \log Y(s^t)$$

▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 のへの

(if  $\Gamma \approx 1$ , then Nominal GDP stabilization)

## Conclusion

methodological contribution:

- real vs nominal frictions
- adapt Ramsey primal approach to (real) info frictions
- bypass need for tractability ightarrow (nearly) arbitrary info

▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

- applied contribution:
  - output gap stabilization is suboptimal
  - price stability is suboptimal
  - optimal to "lean against the wind"